

# 2014 年上海市初中毕业统一学业考试数学试卷

## 一、选择题（每小题 4 分，共 24 分）

1. 计算  $\sqrt{2} \cdot \sqrt{3}$  的结果是 ( ).

- (A)  $\sqrt{5}$ ;      (B)  $\sqrt{6}$ ;      (C)  $2\sqrt{3}$ ;      (D)  $3\sqrt{2}$ .

2. 据统计，2013 年上海市全社会用于环境保护的资金约为 60 800 000 000 元，这个数用科学记数法表示为 ( ).

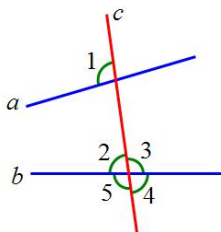
- (A)  $608 \times 10^8$ ;      (B)  $60.8 \times 10^9$ ;      (C)  $6.08 \times 10^{10}$ ;      (D)  $6.08 \times 10^{11}$ .

3. 如果将抛物线  $y=x^2$  向右平移 1 个单位，那么所得的抛物线的表达式是 ( ).

- (A)  $y=x^2-1$ ;      (B)  $y=x^2+1$ ;      (C)  $y=(x-1)^2$ ;      (D)  $y=(x+1)^2$ .

4. 如图，已知直线  $a$ 、 $b$  被直线  $c$  所截，那么  $\angle 1$  的同位角是 ( ).

- (A)  $\angle 2$ ;      (B)  $\angle 3$ ;      (C)  $\angle 4$ ;      (D)  $\angle 5$ .



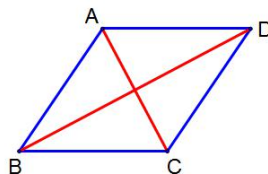
5. 某市测得一周  $PM_{2.5}$  的日均值（单位：）如下：

50, 40, 75, 50, 37, 50, 40，这组数据的中位数和众数分别是 ( ).

- (A) 50 和 50;      (B) 50 和 40;      (C) 40 和 50;      (D) 40 和 40.

6. 如图，已知  $AC$ 、 $BD$  是菱形  $ABCD$  的对角线，那么下列结论一定正确的是 ( ).

- (A)  $\triangle ABD$  与  $\triangle ABC$  的周长相等;  
(B)  $\triangle ABD$  与  $\triangle ABC$  的面积相等;  
(C) 菱形的周长等于两条对角线之和的两倍;  
(D) 菱形的面积等于两条对角线之积的两倍.



## 二、填空题（每小题 4 分，共 48 分）

7. 计算:  $a(a+1)=$ \_\_\_\_\_.

8. 函数  $y = \frac{1}{x-1}$  的定义域是\_\_\_\_\_.

9. 不等式组  $\begin{cases} x-1 > 2, \\ 2x < 8 \end{cases}$  的解集是\_\_\_\_\_.

10. 某文具店二月份销售各种水笔 320 支, 三月份销售各种水笔的支数比二月份增长了 10%, 那么该文具店三月份销售各种水笔\_\_\_\_\_支.

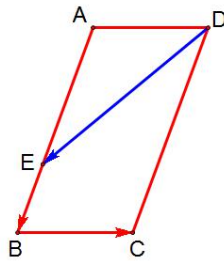
11. 如果关于  $x$  的方程  $x^2 - 2x + k = 0$  ( $k$  为常数) 有两个不相等的实数根, 那么  $k$  的取值范围是\_\_\_\_\_.

12. 已知传送带与水平面所成斜坡的坡度  $i = 1 : 2.4$ , 如果它把物体送到离地面 10 米高的地方, 那么物体所经过的路程为\_\_\_\_\_米.

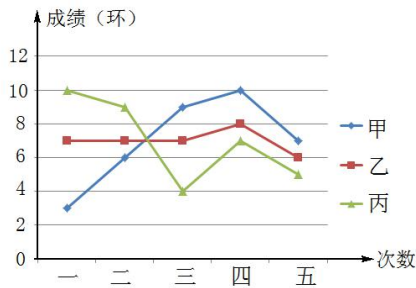
13. 如果从初三 (1)、(2)、(3) 班中随机抽取一个班与初三 (4) 班进行一场拔河比赛, 那么恰好抽到初三 (1) 班的概率是\_\_\_\_\_.

14. 已知反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  ( $k$  是常数,  $k \neq 0$ ), 在其图像所在的每一个象限内,  $y$  的值随着  $x$  的值的增大而增大, 那么这个反比例函数的解析式是\_\_\_\_\_ (只需写一个).

15. 如图, 已知在平行四边形  $ABCD$  中, 点  $E$  在边  $AB$  上, 且  $AB = 3EB$ . 设  $\overrightarrow{AB} = \vec{a}$ ,  $\overrightarrow{BC} = \vec{b}$ , 那么  $\overrightarrow{DE} =$ \_\_\_\_\_ (结果用  $\vec{a}$ 、 $\vec{b}$  表示).

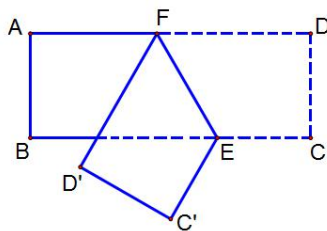


16. 甲、乙、丙三人进行飞镖比赛, 已知他们每人五次投得的成绩如图所示, 那么三人中成绩最稳定的是\_\_\_\_\_.



17. 一组数: 2, 1, 3,  $x$ , 7,  $y$ , 23,  $\dots$ , 满足“从第三个数起, 前两个数依次为  $a$ 、 $b$ , 紧随其后的数就是  $2a-b$ ”, 例如这组数中的第三个数“3”是由“ $2 \times 2 - 1$ ”得到的, 那么这组数中  $y$  表示的数为\_\_\_\_\_.

18. 如图, 已知在矩形  $ABCD$  中, 点  $E$  在边  $BC$  上,  $BE=2CE$ , 将矩形沿着过点  $E$  的直线翻折后, 点  $C$ 、 $D$  分别落在边  $BC$  下方的点  $C'$ 、 $D'$  处, 且点  $C'$ 、 $D'$ 、 $B$  在同一条直线上, 折痕与边  $AD$  交于点  $F$ ,  $D'F$  与  $BE$  交于点  $G$ . 设  $AB=t$ , 那么  $\triangle EFG$  的周长为\_\_\_\_\_ (用含  $t$  的代数式表示).



三、解答题 (本题共 7 题, 满分 78 分)

19. (本题满分 10 分)

计算:  $\sqrt{12} - \frac{1}{\sqrt{3}} - 8^{\frac{1}{3}} + |2 - \sqrt{3}|$ .

20. (本题满分 10 分)

解方程:  $\frac{x+1}{x-1} - \frac{2}{x^2-1} = \frac{1}{x+1}$ .

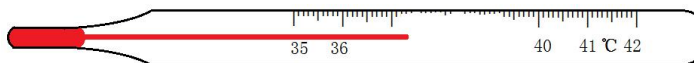
21. (本题满分 10 分, 第 (1) 小题满分 7 分, 第 (2) 小题满分 3 分)

已知水银体温计的读数  $y$  ( $^{\circ}\text{C}$ ) 与水银柱的长度  $x$  (cm) 之间是一次函数关系. 现有一支水银体温计, 其部分刻度线不清晰 (如图), 表中记录的是该体温计部分清晰刻度线及其对应水银柱的长度.

水银柱的长度 $x$ (cm)	4.2	$\dots$	8.2	9.8
体温计的读数 $y$ ( $^{\circ}\text{C}$ )	35.0	$\dots$	40.0	42.0

(1) 求  $y$  关于  $x$  的函数关系式 (不需要写出函数的定义域);

(2) 用该体温计测体温时，水银柱的长度为 6.2cm，求此时体温计的读数.

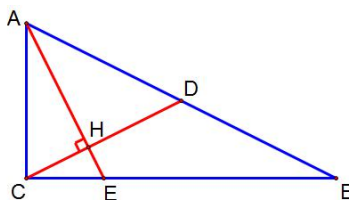


22. (本题满分 10 分，每小题满分各 5 分)

如图，已知  $\text{Rt}\triangle ABC$  中， $\angle ACB=90^\circ$ ， $CD$  是斜边  $AB$  上的中线，过点  $A$  作  $AE\perp CD$ ， $AE$  分别与  $CD$ 、 $CB$  相交于点  $H$ 、 $E$ ， $AH=2CH$ .

(1) 求  $\sin B$  的值；

(2) 如果  $CD=\sqrt{5}$ ，求  $BE$  的值.

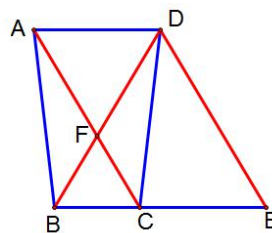


23. (本题满分 12 分，每小题满分各 6 分)

已知：如图，梯形  $ABCD$  中， $AD\parallel BC$ ， $AB=DC$ ，对角线  $AC$ 、 $BD$  相交于点  $F$ ，点  $E$  是边  $BC$  延长线上一点，且  $\angle CDE=\angle ABD$ .

(1) 求证：四边形  $ACED$  是平行四边形；

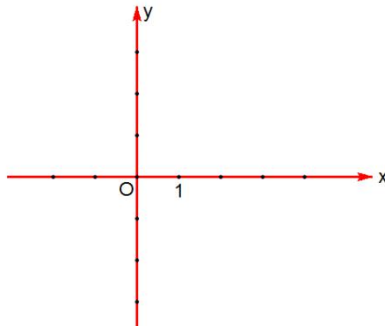
(2) 联结  $AE$ ，交  $BD$  于点  $G$ ，求证： $\frac{DG}{GB}=\frac{DF}{DB}$ .



24. (本题满分 12 分, 每小题满分各 4 分)

在平面直角坐标系中(如图), 已知抛物线  $y = \frac{2}{3}x^2 + bx + c$  与  $x$  轴交于点  $A(-1, 0)$  和点  $B$ , 与  $y$  轴交于点  $C(0, -2)$ .

- (1) 求该抛物线的表达式, 并写出其对称轴;
- (2) 点  $E$  为该抛物线的对称轴与  $x$  轴的交点, 点  $F$  在对称轴上, 四边形  $ACEF$  为梯形, 求点  $F$  的坐标;
- (3) 点  $D$  为该抛物线的顶点, 设点  $P(t, 0)$ , 且  $t > 3$ , 如果  $\triangle BDP$  和  $\triangle CDP$  的面积相等, 求  $t$  的值.



25. (本题满分 14 分, 第 (1) 小题满分 3 分, 第 (1) 小题满分 5 分, 第 (1) 小题满分 6 分)

如图 1, 已知在平行四边形  $ABCD$  中,  $AB=5$ ,  $BC=8$ ,  $\cos B = \frac{4}{5}$ , 点  $P$  是边  $BC$  上的动点, 以  $CP$  为半径的圆  $C$  与边  $AD$  交于点  $E$ 、 $F$  (点  $F$  在点  $E$  的右侧), 射线  $CE$  与射线  $BA$  交于点  $G$ .

- (1) 当圆  $C$  经过点  $A$  时, 求  $CP$  的长;
- (2) 联结  $AP$ , 当  $AP \parallel CG$  时, 求弦  $EF$  的长;
- (3) 当  $\triangle AGE$  是等腰三角形时, 求圆  $C$  的半径长.

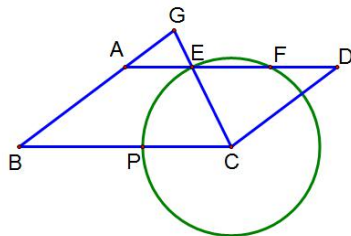
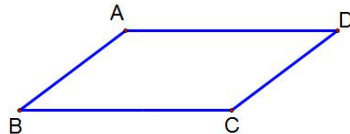


图 1



备用图

参考答案:

1.B 2.C 3.C 4.A 5.A 6.B

7. $a^2+a$  8. $x \neq 1$  9. $3 < x < 4$  10.352 11. $k < 1$  12.26 13. $\frac{1}{3}$

14.  $y = -\frac{1}{x}$  ( $k < 0$ 即可) 15.  $\frac{2}{3}\vec{a} - \vec{b}$  16.乙 17. -9 18.  $2\sqrt{3}t$

19 题:  $\frac{2}{3}\sqrt{3}$

20 题:  $x = 0; x = 1$ (舍)

21 题: (1)  $y = 1.25x + 29.75$

(2) 37.5

22 题: (1)  $\angle B = \angle DCB = \angle CAE, \therefore \sin B = \sin CAE = \frac{\sqrt{5}}{5}$

$$\therefore CD = \sqrt{5}; \therefore AB = 2\sqrt{5}$$

$$(2) \therefore BC = 2\sqrt{5} \cdot \cos B = 4; AC = 2\sqrt{5} \cdot \sin B = 2$$

$$\therefore CE = AC \cdot \tan CAE = 1$$

$$\therefore BE = BC - CE = 3$$

23 题: (1) 证明:

$\therefore ABCD$ 为等腰梯形,  $\therefore \triangle ADB \cong \triangle DAC$

$\therefore \angle ABD = \angle DCA, \therefore \angle CDE = \angle ABD$

$\therefore \angle DCA = \angle CDE, \therefore AC \parallel DE$

$\therefore AD \parallel CE, \therefore ADEC$ 为□

(2) 证明:

$$\begin{aligned}
&\because AD \parallel BC, \therefore \frac{DG}{GB} = \frac{AD}{BE}, \frac{DF}{FB} = \frac{AD}{BC} \\
&\therefore \frac{DF}{FB} = \frac{AD}{BC}, \therefore \frac{DF}{DF+FB} = \frac{AD}{AD+BC} \\
&\because ADEC \text{ 为 } \square, \therefore AD = CE; \therefore AD + BC = BE \\
&\therefore \frac{DF}{DF+FB} = \frac{AD}{AD+BC} \Rightarrow \frac{DF}{DB} = \frac{AD}{BE} \\
&\therefore \frac{DG}{GB} = \frac{DF}{DB}
\end{aligned}$$

24 题:

【分析】(1)  $y = \frac{2}{3}x^2 - \frac{4}{3}x - 2$ , 对称轴为直线  $x = 1$

(2) 由(1)知, 点  $E(1, 0)$ ,  $A(-1, 0)$ ,  $C(0, -2)$

当  $AC \parallel EP$  时, 直线  $AC$  的解析式为  $y = -2x - 2$

$\therefore$  直线  $EP$  的解析式为  $y = -2x + 2$

当  $x = 1$  时,  $y = 0$ , 此时点  $P$  与点  $E$  重合

当  $AP \parallel CE$  时, 直线  $CE$  的解析式为  $y = 2x - 2$

$\therefore$  直线  $AP$  的解析式为  $y = 2x + 2$

当  $x = 1$  时,  $y = 4$ , 此时点  $P$  的坐标为  $(1, 4)$

综上所述, 点  $P$  的坐标为  $(1, 4)$

(3) 点  $B(3, 0)$ , 点  $D(1, -\frac{8}{3})$

若  $S_{\triangle DPF} = S_{\triangle DBF}$ , 则  $DF \parallel BC$

易得, 直线  $BC$  的解析式为  $y = \frac{2}{3}x - 2$

$\therefore$  直线  $DF$  的解析式为  $y = \frac{2}{3}x - \frac{10}{3}$

当  $y = 0$  时,  $x = 5$

$\therefore t = 5$

25 题:

【分析】(1) 设  $\odot C$  的半径为  $r$

当点  $A$  在  $\odot C$  上时, 点  $E$  和点  $A$  重合

过点  $A$  作  $AH \perp BC$  于  $H$

$$\therefore BH = AB \times \cos B = 4$$

$$\therefore AH = 3, CH = 4$$

$$\therefore AC = \sqrt{AH^2 + CH^2} = 5$$

$$\therefore \text{此时 } CP = r = 5$$

(2) 若  $AP \parallel CE$ ,  $APCE$  为平行四边形

又  $\because CE = CP$

$\therefore APCE$  为菱形

联结  $AC$ 、 $EP$ , 则  $AC \perp EP$

$$\therefore AM = CM = \frac{5}{2}$$

由(1)值,  $AC = AB$ , 则  $\angle ACB = \angle B$

$$\therefore CP = CE = \frac{CM}{\cos \angle ACB} = \frac{25}{8}$$

$$\therefore EF = 2\sqrt{\left(\frac{25}{8}\right)^2 - 3^2} = \frac{7}{4}$$

$$(3) \because \cos B = \frac{4}{5}$$

$$\therefore \angle B < 45^\circ$$

$$\text{又} \because \angle BCG < 90^\circ$$

$$\therefore \angle BGC > 45^\circ$$

又  $\because \angle AEG = \angle BCG \geq \angle ACB = \angle B$

$\therefore$  当  $\angle AEG = \angle B$  时,  $A$ 、 $E$ 、 $G$  重合

$\therefore$  只能  $\angle AGE = \angle AEG$

$\because AD \parallel BC$

$$\therefore \frac{AE}{BC} = \frac{AG}{BG}, \text{ 即 } \frac{AE}{8} = \frac{AE}{AE+5}$$

解得,  $AE = 3$ ,  $EN = AN - AE = 1$

$$\therefore CE = \sqrt{EN^2 + CN^2} = \sqrt{3^2 + 1^2} = \sqrt{10}$$

